

УДК 532.529.6:536.46

© 1993 г. Н. А. ЗОЛОВКИН, Н. С. ХАБЕЕВ

## РАДИАЛЬНЫЕ КОЛЕБАНИЯ ГАЗОВЫХ ПУЗЫРЬКОВ В ЖИДКОСТИ ПРИ НАЛИЧИИ В ГАЗЕ ГОРЮЧЕЙ КОМПОНЕНТЫ

Рассматриваются газовые пузырьки, совершающие свободные радиальные колебания в жидкости. Исследуется влияние процесса теплообмена на затухание колебаний пузырьков. При этом учтены неоднородность температуры внутри пузырьков и наличие в газе горючей компоненты. Получена простая аналитическая зависимость для декремента затухания колебаний пузырьков. Показано, что присутствие малого количества горючего газа в пузырьках приводит к значительному уменьшению затухания колебаний.

В газожидкостных потоках на поверхностях раздела фаз возникает массовое, силовое и энергетическое взаимодействие между фазами. Эти взаимодействия могут существенным образом изменять поля скоростей течения, давлений и температур. Корректное описание процессов межфазного теплообмена в газожидкостных потоках пузырьковой структуры требует изучения взаимодействия одиночного пузырька с несущей фазой.

В практических важных случаях редко имеют дело с чистыми газами, чаще как правило, с газовыми смесями. Важно изучить, как влияют добавки (и, в частности, химическое энерговыделение горючей газовой составляющей) на процессы межфазного теплообмена в газожидкостных средах, на частоту и декремент затухания колебаний газовых пузырьков в жидкости. Исследование динамики газовых пузырьков в жидкости представляет интерес, в частности, при изучении распространения звука в пузырьковой среде. Затухание звука в жидкости с газовыми пузырьками связано, очевидно, со скоростью затухания радиальных колебаний пузырьков. Поэтому получение простых аналитических зависимостей для декремента затухания колебаний пузырьков имеет важное прикладное значение.

Исследованию колебаний газовых пузырьков в жидкости посвящено значительное число теоретических и экспериментальных работ, детальное обсуждение которых содержится в [1—5]. Представляет, однако, научно-методический и практический интерес исследование динамики и теплообмена газового пузырька в случае, когда газовая фаза содержит примеси горючего газа. Постановка задачи о сферически-симметричных процессах около газовых пузырьков и их малых колебаниях детально изложена в [1, 2].

**1. Постановка задачи.** Рассмотрим поведение газового пузырька в жидкости, находящейся в поле переменного давления. Газ в пузырьке состоит из двух компонент, одна из которых — инертный, а другая — горючий газ. Жидкость вокруг пузырька несжимаемая и идеальная. Процессы, происходящие в пузырьке, будем рассматривать в рамках сферически-симметричной схемы. Фазовыми переходами пренебрегаем, так как температура газа и жидкости мала. Из-за большой энергоемкости горючей компоненты в газе тепловые градиенты оказывают несоизмеримо большее влияние на динамику колебаний пузырька, чем градиенты концентрации горючей газовой составляющей, и, таким образом, диффузией в газе можно пренебречь.

Динамика радиальных колебаний пузырька описывается уравнением Рэлея [1, 2]

$$R \frac{d^2 R}{dt^2} + \frac{3}{2} \left( \frac{dR}{dt} \right)^2 = \frac{p - p_1(\infty) - 2\sigma/R}{\rho_1} \quad (1.1)$$

Здесь  $R$  — радиус пузырька,  $t$  — время,  $p$  — давление,  $\rho$  — плотность,  $\sigma$  —

коэффициент поверхностного натяжения жидкости. Индексом  $l$  обозначены параметры жидкости, параметры газа — без индексов.

В газе имеет место условие гомобаричности (независимость давления от пространственной координаты) [1, 2].

В случае газовых пузырьков без фазовых переходов температура жидкости практически не меняется, а тепловой поток на межфазной поверхности  $q$  формируется исключительно термическим сопротивлением газа [6]. Теплоток на границе из-за отсутствия фазовых переходов, естественно, непрерывен. Таким образом,  $q$  определяется из решения внутренней задачи теплообмена для пузырька

$$\frac{\partial T}{\partial t} + v \frac{\partial T}{\partial r} = \frac{a}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{\gamma - 1}{\gamma} \frac{T}{p} \frac{dp}{dt} - \frac{\Delta H}{c_p} \frac{dc}{dt} \quad (1.2)$$

$$T(r, 0) = T_0, \quad T(R, t) = T_0, \quad \frac{\partial T}{\partial r} = 0 \quad (r = 0)$$

Здесь  $T$  — температура,  $T_0$  — начальная температура газа и жидкости,  $v$  — скорость,  $r$  — эйлерова координата — расстояние от центра пузырька,  $a = \lambda / \rho c_p$  — коэффициент температуропроводности,  $\lambda$  — коэффициент теплопроводности  $c_p$  — теплоемкость газа при постоянном давлении,  $\gamma$  — показатель адиабаты газа,  $\Delta H$  — удельная теплота сгорания горючей компоненты,  $c$  — концентрация горючей компоненты в газе.

Уравнения состояния и неразрывности для газа имеют вид

$$p = \rho B T, \quad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 \rho v) = 0 \quad (1.3)$$

Здесь  $B$  — газовая постоянная смеси газов в пузырьке.

Предполагается, что начальная концентрация горючей газовой составляющей  $c(0)$  есть малая величина, и поэтому можем считать, что константы, характеризующие газовую смесь в пузырьке:  $a$ ,  $\lambda$ ,  $c_p$ ,  $\gamma$ ,  $B$ , не меняются при химической реакции.

Кинетика реакции определяется законом Аррениуса [7]

$$\frac{dc}{dt} = -kc^n \exp \left( -\frac{E}{R_g T} \right) \quad (1.4)$$

Рассматриваются горючие газы с достаточно большой энергией активации  $E$ , такой, что за одно колебание газового пузырька сгорает малое количество горючего газа (квазиинертная газовая смесь). Из системы (1.2), (1.3), пользуясь условием гомобаричности в газе, можно получить соотношение

$$\frac{dp}{dt} + \frac{3\gamma p}{R} \frac{dR}{dt} = \frac{3(\gamma - 1)}{R} q - \frac{3(\gamma - 1) \Delta H}{R^3} \int_0^R \rho r^2 \frac{dc}{dt} dr \quad (1.5)$$

$$q = \lambda \frac{\partial T}{\partial r} \quad (r = R)$$

2. Малые колебания газовых пузырьков. Рассмотрим газовый пузырек, совершающий свободные радиальные колебания в идеальной несжимаемой жидкости. Газ в пузырьке содержит горючую добавку. Пусть  $\theta(r, t)$  — малое отклонение температуры от положения равновесия:  $T = T_0(1 + \theta(r, t))$ . Уравнение теплопроводности (1.2) приводится к виду (с учетом (1.4))

$$\begin{aligned} \frac{\partial \theta}{\partial t} = & \frac{a}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial \theta}{\partial r} \right) + kc^n \exp \left( -\frac{E}{R_g T_0} \right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0} \theta + \\ & + \frac{\gamma - 1}{\gamma} \frac{1}{p_0} \frac{dp}{dt} + kc^n \exp \left( -\frac{E}{R_g T_0} \right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \end{aligned} \quad (2.1)$$

$$\theta(r, 0) = 0, \quad \theta(R, t) = 0, \quad \frac{\partial \theta}{\partial r} = 0 \quad (r = 0)$$

В случае малых колебаний динамика газового пузырька может быть описана уравнением Рэлея (1.1) и первым интегралом уравнения теплопроводности (1.5), которые в этом случае имеют вид

$$R \frac{d^2 R}{dt^2} = \frac{p - p_0 - 2\sigma/R}{\rho_l} \quad (2.2)$$

$$\begin{aligned} \frac{dp}{dt} + \frac{3\gamma p}{R} \frac{dR}{dt} &= \frac{3(\gamma - 1)}{R} q - (\gamma - 1) w(t) \rho_0 \Delta H - \\ &- (\gamma - 1) w(t) \Delta H \rho_0 \frac{E}{R_s T_0} \left( \frac{p - p_0}{p_0} + 3 \frac{R - R_0}{R_0} \right) \end{aligned} \quad (2.3)$$

$$w(t) = -kc^n \exp(-E/R_s T_0)$$

$$q = \lambda T_0 \frac{\partial \theta}{\partial r} \quad (r = R)$$

Здесь  $q$  — межфазный тепловой поток,  $w(t)$  — скорость химической реакции при постоянной температуре  $T_0$ ,  $p_0$  и  $\rho_0$  — давление и плотность газовой смеси в положении равновесия,  $R_0$  — равновесный радиус пузырька.

Решение уравнения теплопроводности (2.1), полученное методом Фурье

$$\theta(r, t) = \frac{1}{r} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2R}{\pi} \sin \frac{k\pi r}{R} \frac{(-1)^{k-1}}{k} \int_0^t f(t_1) \exp\left(-k^2 \frac{t-t_1}{t_*}\right) \exp\left(\int_{t_1}^t \varphi(t_2) dt_2\right) dt_1$$

$$f(t) = \frac{\gamma - 1}{\gamma} \frac{1}{p_0} \frac{dp}{dt} + \frac{\Delta H}{c_p T_0} kc^n \exp\left(-\frac{E}{R_s T_0}\right)$$

$$\varphi(t) = \frac{\Delta H}{c_p T_0} kc^n \exp\left(-\frac{E}{R_s T_0}\right) \frac{E}{R_s T_0}, \quad t_* = \frac{R_0^2}{\pi^2 a}$$

$$q = -\frac{R}{\pi^2 t_*} \left( \int_0^t \frac{dp}{dt_1} \exp\left(-\frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} \int_{t_1}^t w(t_2) dt_2\right) 2 \sum_{k=1}^{\infty} \exp\left(-k^2 \frac{t-t_1}{t_*}\right) dt_1 - \right.$$

$$\left. -\rho_0 \Delta H \int_0^t w(t_1) \exp\left(-\frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} \int_{t_1}^t w(t_2) dt_2\right) 2 \sum_{k=1}^{\infty} \exp\left(-k^2 \frac{t-t_1}{t_*}\right) dt_1 \right.$$

Здесь  $t_*$  — характерное тепловое время задачи.

Найдено аналитическое приближение третьего порядка точности для подынтегрального экспоненциального ряда

$$2 \sum_{n=1}^{\infty} e^{-n^2 z} = \begin{cases} \sqrt{\pi/z} - 1, & 0 < z \leq \pi/2 \\ 2e^{-z}, & \pi/2 < z \end{cases}$$

Вводим безразмерное время  $\tau = t/t_*$ , в этих обозначениях

$$2 \sum_{k=1}^{\infty} \exp(-k^2(\tau - \tau_1)) = \begin{cases} 2 \exp(-(\tau - \tau_1)), & 0 \leq \tau_1 < \tau - \pi/2 \\ \sqrt{\pi/(\tau - \tau_1)} - 1, & \tau > \tau_1 \geq \tau - \pi/2 \end{cases}$$

Воспользовавшись последним равенством, получаем асимптотическое выражение для межфазного теплового потока

$$q = -\frac{R}{\pi^2 t_*} \int_0^{\tau} \frac{dp}{d\tau_1} \frac{d\tau_1}{\sqrt{\tau - \tau_1}} - \frac{R}{\pi^2 t_*} \int_0^{\tau} \frac{dp}{d\tau_1} \times$$

$$\times \left( \exp \left( -t \cdot \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} \int_{\tau_1}^{\tau} w(\tau_2) d\tau_2 \right) - 1 \right) \frac{d\tau_1}{\sqrt{\tau - \tau_1}} +$$

$$+ \frac{R}{\pi^{3/2} t} \rho_0 \Delta H \int_0^{\tau} w(\tau_1) \exp \left( -t \cdot \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} \int_{\tau_1}^{\tau} w(\tau_2) d\tau_2 \right) \frac{d\tau_1}{\sqrt{\tau - \tau_1}}$$

Предполагается, что при отсутствии акустических волн химическая реакция в газе протекает при постоянной температуре  $T_0$ , а давление в газе и радиус пузыря не изменяются. Такое допущение справедливо для горючих веществ с достаточно большой энергией активации, т. е. химическая реакция протекает настолько медленно, что все тепло, получаемое газом в результате химического энерговыделения, успевает быстро перекачиваться из пузырька в жидкость. При этом реакция горения моделируется как простейшая гомогенная реакция окисления с выделением тепла.

Воспользовавшись этим предположением, получаем окончательное выражение для межфазного теплопотока

$$q = - \frac{R}{\pi^{3/2} t} \int_0^{\tau} \frac{dp}{d\tau_1} \frac{d\tau_1}{\sqrt{\tau - \tau_1}} - \frac{R}{\pi^{3/2} t} \int_0^{\tau} \frac{dp}{d\tau_1} \times$$

$$\times \left( \exp \left( -t \cdot \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} \int_{\tau_1}^{\tau} w(\tau_2) d\tau_2 \right) - 1 \right) \frac{d\tau_1}{\sqrt{\tau - \tau_1}} + \frac{R}{3} w(t) \rho_0 \Delta H \quad (2.4)$$

Асимптотика (2.4) верна для случая малых колебаний, так как экспоненциальный ряд, стоящий под интегралом в выражении для теплового потока, имеет гиперболическую структуру и поэтому при  $\tau \rightarrow \tau_1$  имеем

$$2 \sum_{k=1}^{\infty} \exp(-k^2(\tau - \tau_1)) \rightarrow \sqrt{\frac{\pi}{\tau - \tau_1}} - 1$$

Если горючая компонента такова что  $\Delta H/c_p T_0 \gg 1$ , то из (1.2) в конечных разностях с учетом (1.4) следует, что в линейной задаче по  $\theta$  изменением концентрации горючей компоненты газа можно пренебречь по сравнению с изменениями температуры в газе, т. е.  $w(\tau) \approx w(0)$  в (2.1).

Для случая малых колебаний радиус и давление газа в пузырьке могут быть описаны действительными частями выражений [3]

$$R = R_0 (1 + \delta e^{i\omega t}), \quad p = p_0 (1 + \beta e^{i\omega t}), \quad |\delta| \ll 1, \quad |\beta| \ll 1$$

Частота колебаний  $f = \omega/2\pi = \text{Im}(h)/2\pi$ , где  $h$  — комплексное число.

Уравнения (2.2) и (2.3) линеаризуются с учетом (2.4) и приводятся к виду

$$h^2 \delta = \frac{1}{3\gamma} \left( \frac{\text{Pe}}{2\pi^2} \right)^2 \beta \quad (2.5)$$

$$h\beta + 3\gamma h\delta = - \frac{3(\gamma - 1)}{\pi} h^{\nu_2} \beta -$$

$$- (\gamma - 1) \Delta H w(0) t \cdot \frac{\rho_0}{\rho_0} \frac{E}{R_s T_0} \left( 1 + \frac{1}{\gamma} \left( \frac{\text{Pe}}{2\pi^2} \right)^2 h^{-2} \right) \beta +$$

$$+ \frac{3(\gamma - 1)}{2\pi} \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_s T_0} w(0) t \cdot h^{-\nu_2} \beta, \quad \text{Pe} = \frac{2R_0}{a} \sqrt{\frac{3\gamma p_0}{\rho_l}} \quad (2.6)$$

Здесь  $\text{Pe}$  — тепловое число Пекле. При получении (2.6) воспользовались малостью функции  $w(\tau)$ , а также тем, что процесс колебаний пузырька происходит

очень длительное время по сравнению с характерным тепловым временем задачи  $t_*$ , т. е. в выражении (2.4) для теплового потока  $\tau \rightarrow +\infty$ .

Из уравнений (2.5) и (2.6) можно получить характеристическое уравнение относительно  $h$  как условие существования нетривиального решения системы линейных уравнений

$$h^2 + \frac{3(\gamma-1)}{\pi} h^{3/2} + \left(\frac{Pe}{2\pi^2}\right)^2 = \gamma F \left( h + \frac{1}{\gamma} \left(\frac{Pe}{2\pi^2}\right)^2 \frac{1}{h} \right) - \frac{3(\gamma-1)}{2\pi} F h^{1/2}; \quad F = kc^n(0) \exp\left(-\frac{E}{R_g T_0}\right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0} t. \quad (2.7)$$

В частном случае химически инертного газа в пузырьке уравнение (2.7) переходит в характеристическое уравнение из [2].

3. Асимптотическое решение характеристического уравнения. Найдем корень уравнения (2.7), соответствующий затухающим колебаниям. В случае достаточно крупных пузырьков, когда влияние теплообмена на их динамику мало ( $Pe \gg 1$ ), можно искать решение уравнения (2.7) в виде [3]

$$h = r(\cos \varphi + i \sin \varphi), \quad r = N(1+y), \quad \varphi = \pi/2 + x \\ N = Pe/2\pi^2, \quad |y| \ll 1, \quad 0 < x \ll 1 \quad (3.1)$$

Такой вид решения означает, что затухание колебаний мало, а частота колебаний близка к миннаэртговской частоте свободных колебаний газового пузырька.

Правомерность существования данного решения можно объяснить тем, что горючая компонента присутствует в пузырьках в малом количестве и скорость химической реакции мала, а значит, и мало химическое энерговыделение за один период колебания пузырька.

Используя асимптотические выражения для тригонометрических функций от  $\varphi$  и подставляя их значения в уравнение (2.7), получаем

$$N^2(1+2y)(-1-2ix) + \frac{3(\gamma-1)}{\pi} N^{3/2} \left(1 + \frac{3}{2}y\right) \times \\ \times \left(-\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{i}{\sqrt{2}}\right) + \frac{3(\gamma-1)}{2\pi} F N^{1/2} \left(1 + \frac{y}{2}\right) \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{i}{\sqrt{2}}\right) + N^2 = \\ = \gamma F \left(N(1+y)(-x+i) + \frac{N^2}{\gamma} \frac{-x-i}{N(1+y)}\right)$$

Пренебрегая произведениями малых величин  $xу$ , а также учитывая, что для достаточно больших пузырьков  $N \gg 1$ , получаем систему из двух линейных уравнений (относительно действительной и мнимой частей) для  $x$  и  $y$

$$-2y - \frac{3(\gamma-1)}{\pi \sqrt{2}N} + \frac{3(\gamma-1)}{2\pi} \frac{F}{N^{3/2} \sqrt{2}} = 0 \\ -2x + \frac{3(\gamma-1)}{\pi \sqrt{2}N} - \frac{(\gamma-1)F}{N} + \frac{3(\gamma-1)}{2\pi \sqrt{2}} \frac{F}{N^{3/2}} = 0 \quad (3.2)$$

Логарифмический декремент затухания колебаний пузырька

$$\Lambda = -\frac{2\pi \operatorname{Re}(h)}{|\operatorname{Im}(h)|} = \frac{3\pi(\gamma-1)}{\sqrt{Pe}} - \frac{\pi(\gamma-1)}{\omega_0} kc^n(0) \exp\left(-\frac{E}{R_g T_0}\right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0} \quad (3.3)$$

$$\omega = \omega_0(1+y), \quad \omega_0 = \frac{1}{R_0} \sqrt{\frac{3\gamma p_0}{\rho_l}}$$

$$y = -\frac{3(\gamma - 1)}{2\sqrt{Pe}} + \frac{3(\gamma - 1)R_0^2}{Pe^{3/2}} \frac{R_0^2}{2a} kc^n(0) \exp\left(-\frac{E}{R_g T_0}\right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0} \quad (3.4)$$

Здесь  $\omega_0$  — частота Миннаерта адиабатических колебаний пузырька.

Из формул (3.3) и (3.4) видно, что поправки к декременту затухания колебаний и частоте свободных колебаний изменяются пропорционально удельной теплоте сгорания горючей компоненты  $\Delta H$ . Декремент затухания уменьшается, а частота свободных колебаний увеличивается при увеличении  $\Delta H$ .

Поправка к декременту затухания колебаний увеличивается пропорционально  $R_0$ , а поправка к частоте свободных колебаний газового пузырька растет пропорционально  $R_0^2$ .

Результаты (3.3) и (3.4) в предельном случае, т. е. при отсутствии горючей компоненты в газе ( $c(0) = 0$ , либо  $\Delta H = 0$ ), полностью совпадают с формулами, полученными ранее в [3].

На основании (1.4) имеем критерий квазиинертности газовой смеси в пузырьке

$$\varepsilon = \frac{2\pi}{\omega_0} kc^n(0) \exp\left(-\frac{E}{R_g T_0}\right) \ll 1 \quad (3.5)$$

В итоге (3.3) с учетом (3.5) переписывается в виде

$$\Lambda = \frac{3\pi(\gamma - 1)}{\sqrt{Pe}} - \frac{\gamma - 1}{2} \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0} \varepsilon \quad (3.6)$$

Представляет интерес рассмотреть логарифмический декремент затухания малых колебаний как функцию равновесного радиуса пузырька  $R_0$

$$\Lambda(R_0) = \frac{b_1}{\sqrt{R_0}} - b_2 R_0 \quad (3.7)$$

$$b_1 = 3\pi(\gamma - 1) \sqrt{\frac{a}{2}} \sqrt[4]{\frac{\rho_l}{3\gamma p_0}}$$

$$b_2 = \frac{\pi(\gamma - 1)}{\sqrt{3\gamma p_0/\rho_l}} kc^n(0) \exp\left(-\frac{E}{R_g T_0}\right) \frac{\Delta H}{c_p T_0} \frac{E}{R_g T_0}$$

Из (3.7) видно, что существует критический радиус пузырька  $R_*$ , такой, что  $\Lambda(R_*) = 0$ . Из (3.3) легко найти  $R_*$ .

$$R_* = \left( \frac{3\sqrt{a/2} \sqrt[4]{3\gamma p_0/\rho_l}}{kc^n(0) \exp(-E/R_g T_0)} \frac{c_p T_0}{\Delta H} \frac{R_g T_0}{E} \right)^{2/3} \quad (3.8)$$

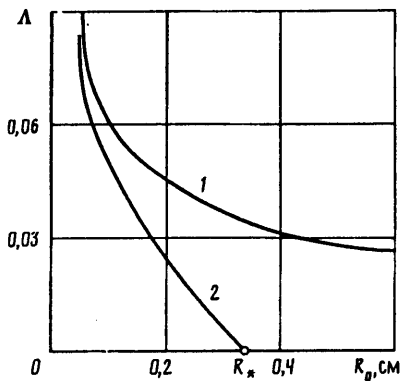
Критический радиус зависит от термодинамических свойств начальной газовой смеси, а также от химических свойств горючей примеси в газе и от ее количества.

Были проведены расчеты для газового пузырька, колеблющегося около положения равновесия в жидкости, когда в газовой фазе присутствует добавка горючего вещества.

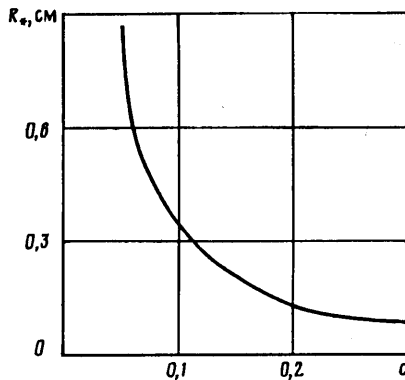
На фиг. 1 приведены зависимости декремента затухания  $\Lambda$  от равновесного радиуса пузырька  $R_0$ . Кривая 1 соответствует радиальным колебаниям воздушного пузырька в воде при нормальных условиях, когда газовая фаза — воздух (химически нейтральная среда). Данная зависимость полностью согласуется с результатом, полученным в [3].

Кривая 2 соответствует радиальным колебаниям пузырька в воде для случая, когда газовая фаза состоит из двух компонент: воздуха и 10%-ной горючей смеси ацетилена с кислородом ( $C_2H_2 + 2,5 O_2$ ). Параметры химической кинетики брались из [8, 9],  $R_*$  — критический радиус пузырька:  $\Lambda(R_*) = 0$ .

Пузырек с равновесным радиусом совершает незатухающие, но и не адиабатические радиальные колебания. В этом случае тепловая диссипация



Фиг. 1



Фиг. 2

энергии, приводящая к затуханию колебаний, компенсируется тепловыделением в результате химической реакции горючей газовой компоненты.

На фиг. 2 приведена зависимость критического радиуса воздушного пузырька в воде от начальной объемной концентрации примеси ацетилена с кислородом ( $C_2H_2 + 2,5 O_2$ ) в воздухе. Из графика видно, что чем крупнее пузырек, тем меньшая концентрация горючей компоненты необходима для того, чтобы колебания пузырька не затухали. Это согласуется с известным фактом о том, что крупные пузырьки с химически нейтральным газом совершают адиабатические незатухающие колебания [3].

Расчеты показали кардинальное влияние химического тепловыделения горючей компоненты газа на затухание малых колебаний газовых пузырьков в жидкости.

В случае отсутствия горючей компоненты в газе ( $c = 0$ ) из формулы (3.8) следует, что  $R_* = \infty$ . Из формулы для декремента затухания  $\Lambda$  видно, что для веществ с достаточно большой энергией активации ( $E/R_*T_0 \gg 1$ ) увеличение начальной температуры  $T_0$  приводит к уменьшению  $\Lambda$ . Это объясняется усилением химического энерговыделения за счет увеличения скорости химической реакции при повышении  $T_0$ .

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Седов Л. И. Механика сплошной среды. Т. 2. М.: Наука, 1984. 560 с.
2. Нигматулин Р. И. Динамика многофазных сред. Ч. 1. М.: Наука, 1987. 464 с.
3. Нигматулин Р. И., Хабеев Н. С. Декременты затухания колебаний и эффективные коэффициенты теплообмена пузырьков, радиально пульсирующих в жидкости//Изв. АН СССР. МЖГ. 1980. № 6. С. 80—87.
4. Fanelli M., Prosperetti A., Reali M. Radial oscillations of gas-vapor bubbles in liquids. Pt 1: Mathematical formulation//Acustica. 1981. V. 47. № 4. P. 253—265.
5. Fanelli M., Prosperetti A., Reali M. Radial oscillations of gas-vapor bubbles in liquids. Pt 2: Numerical examples//Acustica. 1981. V. 49. № 2. P. 98—109.
6. Нигматулин Р. И., Хабеев Н. С. Теплообмен газового пузырька с жидкостью//Изв. АН СССР. МЖГ. 1974. № 5. С. 94—100.
7. Борисов А. А., Заманский В. М., Лисянский В. В. и др. Кинетика выделения энергии при высокотемпературном воспламенении смесей углеводородов с воздухом и кислородом//Хим. физика. 1988. Т. 7. № 5. С. 665—673.
8. Варгафтик Н. Б. Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей. М.: Наука, 1972. 720 с.
9. Справочник химика. Т. 3/Под ред. Никольского Б. П. М.; Л.: Химия, 1965. 1005 с.

Москва

Поступила в редакцию  
23.VIII.1991