

5. Lin S. C., Teare J. D. Rate of ionization behind shock waves in air. II. Theoretical interpretations. Phys. Fluids, 1963, vol. 6, No. 3.
6. Лосев С. А., Полянский В. А. Неравновесная ионизация воздуха за фронтом ударной волны при скорости 5–10 км/сек. Изв. АН СССР, МЖГ, 1968, № 1.
7. Емельянова З. М., Илющенко А. А., Косошинская Н. С., Павлов Б. М., Пасконов В. М., Петрова Л. И., Полянский В. А. Численное исследование течений реального газа около тел конечного размера и в следах за ними. В сб. «Вычислительные методы и программирование», вып. 23. М., Изд-во МГУ, 1974.

УДК 533.6011.8

ОБ ИСПАРЕНИИ КОНДЕНСИРОВАННОГО ВЕЩЕСТВА В ВАКУУМ

И. Е. ПОУРОВСКАЯ

(Одесса)

В статье получены граничные условия, связывающие значения гидродинамических переменных в волне разрежения с температурой поверхности. Для этого приближенно решена газокINETическая задача о движении пара в тонком слое, непосредственно примыкающем к границе фаз. Если постоянная температура поверхности поддерживается с помощью внешнего излучения, полученное решение позволяет вычислить температуру поверхности, скорость фронта испарения и импульс отдачи.

В [1] рассмотрена задача об испарении в вакуум металла под действием лазерного излучения умеренной интенсивности, когда температура поверхности заметно ниже критической, плотность пара мала и поглощением света в паре можно пренебречь. В этих условиях расширение пара достаточно далеко от поверхности происходит в центрированной волне разрежения. В статье [1] получены граничные условия, связывающие значения гидродинамических переменных в волне разрежения с температурой поверхности металла. Для этого приближенно решена газокINETическая задача о движении пара в тонком слое, непосредственно примыкающем к границе фаз. Полученное решение позволяет вычислить скорость фронта испарения, температуру поверхности металла, температуру и скорость пара, импульс отдачи.

При проведении расчета в [1] существенно предположение, что коэффициент прилипания атомов к поверхности равен единице. Это предположение хорошо выполняется для металлов; однако диэлектрики в ряде случаев имеют коэффициент прилипания, заметно отличающийся от единицы, и этот случай нуждается в дополнительном рассмотрении. Такое рассмотрение проводится ниже.

Как и в [1], будем рассматривать одномерный случай и постоянную во времени температуру поверхности. Пар будем считать идеальным газом и его движение вблизи границы фаз будем описывать уравнением Больцмана. Если испаренная масса достаточно велика, то движение пара вдали от поверхности представляет собой центрированную волну разрежения [2]. При стационарных условиях на поверхности начальная скорость пара в волне разрежения u_1 д. б. равна местной скорости звука c_1 . Однако такое условие нельзя поставить строго на поверхности конденсированного вещества, поскольку вблизи нее распределение атомов по скоростям существенно отличается от локально-равновесного. Таким образом, гидродинамическое описание движения у поверхности вообще невозможно. Непосредственно вблизи испаряющейся поверхности имеется область размером в несколько длин свободного пробега, в которой распределение приближается к локально-равновесному и которая при гидродинамическом описании должна рассматриваться как поверхность разрыва.

Для определения структуры этой области надо решить кинетическое уравнение. Как и в [1], используем метод решения, предложенный Таммом [3] и Мотт-Смитом [4] при изучении структуры ударных волн. Особенность метода — аппроксимация функции распределения в области разрыва суммой функций распределения до и после разрыва с коэффициентами, зависящими от координаты

$$f(x, v) = \alpha(x) f_1(v) + [1 - \alpha(x)] f_2(v) \dots$$

где $\alpha(x)$ — неизвестная функция, удовлетворяющая условиям $\alpha(0) = 1$, $\alpha(\infty) = 0$. Функцию распределения $f_1(v)$ аппроксимируем выражением

$$(1) \quad f_1(v) = \begin{cases} (1-R) f_0(v) + R \beta f_2(-v), & v_x > 0 \\ \beta f_2(v), & v_x < 0 \end{cases}$$

$$f_0 = n_0 \left(\frac{m}{2\pi k T_0} \right)^{3/2} \exp \left(- \frac{mv^2}{2k T_0} \right)$$

$$f_2 = n_1 \left(\frac{m}{2\pi k T_1} \right)^{3/2} \exp \left(-m \frac{(v_x - u_1)^2 + v_y^2 + v_z^2}{2k T_1} \right)$$

Здесь T_0 — температура поверхности мишени, n_0 — плотность насыщенного пара при этой температуре, R — некоторый средний «коэффициент отражения» частиц газа, сталкивающихся с поверхностью тела [5]. Значения n_1 , u_1 , T_1 относятся к равновесному состоянию после разрыва и связаны соотношением

$$(2) \quad u_1^2 = c_1^2 = \frac{\gamma k T_1}{m}$$

где c — скорость звука, γ — показатель адиабаты; величина β подлежит определению. В области разрыва выполняются законы сохранения

$$(3) \quad \begin{aligned} \int v_x f(x, v) dv &= A_1, & \int v_x^2 f(x, v) dv &= A_2 \\ \int v_x v^2 f(x, v) dv &= A_3 \end{aligned}$$

Для вычисления параметров течения в звуковой точке с помощью соотношений (2) и (3) получим следующую систему уравнений:

$$(4) \quad \begin{aligned} (1-R)N\bar{v}\bar{T} &= \sqrt{2\pi\gamma} [1 + \beta\varphi_1(1-R)] \\ (1-R)NT &= 2\gamma [8/5 + \beta\varphi_2(1+R)] \\ (1-R)NT^{3/2} &= \sqrt{\pi} \left(\frac{\gamma}{2} \right)^{3/2} [4 + \beta\varphi_3(1-R)] \end{aligned}$$

где

$$\begin{aligned} N &= \frac{n_0}{n_1}, & T &= \frac{T_0}{T_1}, & M &= \sqrt{\frac{\gamma}{2}} \\ \varphi_1 &= \frac{1}{2} \left(\frac{e^{-M^2}}{M\sqrt{\pi}} - \operatorname{erfc} M \right), & \varphi_2 &= \varphi_1 - \frac{\operatorname{erfc} M}{4M^2} \\ \varphi_3 &= \left(1 + \frac{2}{M^2} \right) \varphi_1 - \frac{\operatorname{erfc} M}{4M^2} \\ \operatorname{erfc} M &= \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_M^\infty e^{-u^2} du \end{aligned}$$

Показатель адиабаты γ следует принять равным $5/3$ [1]. Решая систему уравнений (4), получаем

$$\begin{aligned} \beta &= 6.27 + R + 0.18R^2 + \dots \\ T_1 &= T_0(0.670 - 0.053R - 0.012R^2 - \dots) \\ n_1 &= n_0(1-R)(0.310 + 0.063R + 0.021R^2 + \dots) \end{aligned}$$

Выражения для T_1 и n_1 совместно с (2) представляют собой граничные условия для уравнений газодинамики на испаряющейся поверхности. Температура газа в звуковой точке слабо зависит от свойств поверхности, но плотность n_1 сильно зависит от коэффициента отражения, поскольку при $R \rightarrow 1$ испарение с поверхности прекращается [5]. Это объясняется тем, что процессы испарения и конденсации представляют собой прохождение атома через потенциальный барьер в противоположных направлениях. При $R=1$ все атомы отражаются поверхностью, т. е. конденсации не происходит. Это означает, что потенциальный барьер непроницаем и испарение невозможно.

Если постоянная температура поверхности T_0 поддерживается с помощью внешнего излучения с интенсивностью q , а поглощением излучения в паре можно пренебречь, то для определения T_0 из закона сохранения энергии следует уравнение:

$$m(1-R)n_0(T_0)(1+0.24R)\sqrt{kT_0/m}\{L+2.2(1-0.08R)kT_0/m\}=3.1q$$

где L — теплота испарения единицы массы. Скорость фронта испарения определяется формулой

$$V = \frac{q}{\rho[L + 2.2(1 - 0.08R)kT_0/m]}$$

Здесь ρ — плотность конденсированного вещества. Для импульса отдачи, действующего на мишень, можно получить выражение

$$\frac{p}{q} = \frac{1.69(1 - 0.04R)\sqrt{kT_0/m}}{L + 2.2(1 - 0.08R)kT_0/m}$$

Из потока атомов, налетающих на поверхность

$$I_- = \int_{-\infty}^0 v_x \beta f_2(v) dv = \beta n_1 u_1 \varphi_1(M)$$

конденсируется часть $I_{-c} = (1 - R)I_-$, что составляет менее 20% потока испаренных атомов $I_{+1} = (1 - R)n_0\sqrt{kT_0}/2\pi m$

$$\frac{I_{-c}}{I_{+1}} = 0.185(1 - R)(1 + 0.32R + \dots)$$

В заключение автор благодарит С. И. Анисимова за полезное обсуждение.

Поступила 9 VI 1975

ЛИТЕРАТУРА

1. Анисимов С. И. Об испарении металла, поглощающего лазерное излучение. ЖЭТФ, 1968, т. 54, № 1.
2. Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Механика сплошных сред. М., Гостехиздат, 1954.
3. Тамм И. Е. О ширине ударных волн большой интенсивности. В сб. «Квантовая теория поля и гидродинамика». М., «Наука», 1965.
4. Mott-Smith H. M. The solution of the Boltzmann equation for a Shock wave. Phys. Rev., 1951, vol. 82, No 6.
5. Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Статистическая физика. М.—Л., Гостехиздат, 1951.

УДК 533.6.078:533.6.011.55

ИССЛЕДОВАНИЕ РАЗМЕРОВ СЛЕДА И РАДИАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СКОРОСТИ ГАЗА В НЕМ ЗА ЗАТУПЛЕННЫМ ТЕЛОМ, ДВИЖУЩИМСЯ С ГИПЕРЗВУКОВОЙ СКОРОСТЬЮ

С. Ю. ЧЕРНЯВСКИЙ

(Москва)

Приведена методика и результаты экспериментального исследования на аэробаллистической установке размеров турбулентного следа и радиального распределения скорости газа в нем за затупленным телом, движущимся в воздухе с гиперзвуковой скоростью.

В ряде работ, например [1, 2], приведены экспериментальные результаты изучения размеров следов, а в [3—5] — осевого и радиального распределений скорости газа в них за сферами, летящими в воздухе с гиперзвуковыми скоростями. В настоящей работе эти исследования проведены на моделях в виде цилиндров малого удлинения диаметром 12,7 мм со сферической головной частью.

1. Исследования проводились на установке, состоящей из легкогазовой пушки для метания моделей и герметизированной баллистической трассы. Картина течения газа около модели и в следе регистрировалась с помощью оптической системы, включающей в себя искровой источник света с длительностью вспышки $\sim 0.5 \cdot 10^{-7}$ сек [6], теневой прибор ТЕ-19 и фотоаппарат. Скорость модели определялась фотоэлектрической системой с погрешностью не более 0,15%, давление воздуха в трассе регистрировалось образцовым манометром с ошибкой не более 1%.

Измерение скорости газа в следе за моделью проводилось методом последовательных электрических разрядов [3]. Модель пролетала в промежутке между двумя иглообразными разрядниками, установленными перпендикулярно траектории полета и удаленными один от другого на расстояние 37 мм.