

**МЕХАНИКА  
ЖИДКОСТИ И ГАЗА  
№ 2 · 1974**

УДК 533.6.011.5+534.2.21

**СВЕРХЗВУКОВАЯ СТРУЯ ВО ВНЕШНEM АКУСТИЧЕСКОM ПОЛЕ**

**М. Г. ЛЕБЕДЕВ, Г. Ф. ТЕЛЕНИН**

(*Москва*)

Исследуется взаимодействие сверхзвуковых струй с внешними акустическими волнами применительно к проблеме излучения струями звука дискретной частоты. Возможная физическая схема, объясняющая возникновение и поддержание пульсаций сверхзвуковых струй с дискретной частотой, предложена в [1]. Там же решена модельная задача о воздействии на плоскую сверхзвуковую струю возмущений давления заданной частоты, бегущих по ее поверхности. Результаты решения этой задачи (в частности, наличие критических частот, при которых возмущения в струе неограниченно растут в направлении движения потока) подтверждают выдвинутую гипотезу о том, что сверхзвуковая струя в силу своей периодической (ячеистой) структуры обладает свойствами резонатора.

В [1] сформулирована также более общая задача о взаимодействии сверхзвуковой струи с внешним акустическим полем, полностью соответствующая разработанной физической схеме явления. В настоящей работе эта задача решена в полном объеме для плоских и цилиндрических струй, при симметричном и антисимметричном характере возмущений во внешнем акустическом поле, а также при наличии во внешней среде дозвукового спутного потока.

**1. Постановка задачи и метод решения.** Пусть сверхзвуковая цилиндрическая или плоская струя с числом Маха  $M$  истекает в затопленное пространство из жесткого цилиндра диаметра  $2R$  либо из плоской щели ширины  $2R$  (фиг. 1). Течение в невозмущенной струе равномерное; давление в струе и окружающей среде  $p$ . Задачу о взаимодействии струи с внешним акустическим полем будем решать в линейном приближении, основания к чему приводятся в [1].

В соответствии с моделируемым явлением излучения струей звука дискретной частоты считаем, что струя распадается на расстоянии  $x_0$  от среза сопла и что область распада струи является источником излучения акустических волн с круговой частотой  $\omega$  (фиг. 1). Это излучение назовем основным.

Акустические волны, соответствующие основному излучению, распространяясь по окружающему струю пространству, действуют на струю и приводят ее в возмущенное состояние. При этом имеет место излучение акустической энергии с поверхности возмущенной струи во внешнюю среду; это излучение назовем вторичным. Обозначим комплексные потенциалы, описывающие основное и вторичное излучение, через  $\Psi_0$  и  $\Psi$ , а потенциал возмущенного течения в струе через  $\Phi$ .

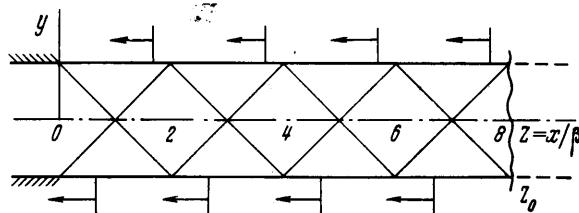
Целью работы является изучение амплитудно-частотной характеристики сверхзвуковой струи, взаимодействующей с внешним акустическим полем. При постановке задачи размыкается обратная связь в автоколебательной системе струя — внешние акустические волны, а вместо этого предполагается наличие генератора основного акустического излучения  $\Psi_0$ , независимого от струи.

Основное акустическое поле, источник которого лежит в области распада струи, в настоящее время экспериментально недостаточно изучено. Поэтому относительно его характера будут сделаны предположения, упрощающие выкладки и вместе с тем не противоречащие известным экспериментальным фактам. Считаем, что на поверхности струи ( $y=R$ ) производ-

ная  $\partial \Psi_0 / \partial y = 0$ , т. е. основное излучение воздействует на струю только через давление, а возмущения давления при  $y=R$  представляют собой волну, бегущую в направлении к сощу

$$(1.1) \quad p' = pP \exp(-i\omega x/a_e)$$

Можно показать, что существует ряд решений волнового уравнения, точно или приближенно удовлетворяющих указанным условиям и условию ограниченности на бесконечности.



Фиг. 1

Задача определения возмущенного течения в струе и вторичного излучения от струи под воздействием заданных акустических волн с потенциалом  $\Psi_0$  состоит в решении волновых уравнений для потенциалов  $\Phi$  и  $\Psi$

$$(1.2) \quad \frac{\partial^2 \Phi}{\partial z^2} - \frac{\partial^2 \Phi}{\partial y^2} - \frac{m}{y} \frac{\partial \Phi}{\partial y} - i2 \frac{M}{\beta} \frac{a_e}{a} \pi S \frac{\partial \Phi}{\partial z} + \left[ \frac{mj^2}{y^2} - \left( \frac{a_e}{a} \pi S \right)^2 \right] \Phi = 0$$

$$(1.3) \quad \frac{1}{\beta^2} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial y^2} + \frac{m}{y} \frac{\partial \Psi}{\partial y} - \left[ \frac{mj^2}{y^2} - (\pi S)^2 - i\varepsilon \pi S \right] \Psi = 0$$

В уравнениях (1.2), (1.3)  $m=0$  или  $1$  для плоского или цилиндрического случая,  $j=0$  или  $1$  при симметричных или антисимметричных возмущениях,  $a$  и  $a_e$  — скорости звука в струе и во внешней среде,  $S=\omega R/2\pi a_e$  — безразмерная частота (число Струхала),  $\beta^2=M^2-1$ , координаты  $x$ ,  $y$  относены к радиусу  $R$ , а потенциалы  $\Phi$  и  $\Psi$  соответственно к величинам  $aR$  и  $a_e R$ . Поскольку характерным продольным размером в данной задаче является длина ячейки струи (фиг. 1), вместо переменной  $x$  используется переменная  $z=x/\beta$ .

Уравнение (1.3) отличается от обычного волнового уравнения наличием члена с малым параметром  $\varepsilon > 0$ , описывающего рассеяние энергии. Введение этого члена дает преимущества при решении краевой задачи для волнового уравнения с помощью преобразования Фурье [2]. При решении аналитическими методами переходят к пределу  $\varepsilon=0$  в окончательном решении. Решая задачу численно, положим  $\varepsilon$  малой, но отличной от нуля величиной, считая, что решение уравнения (1.3) при малом  $\varepsilon$  близко к решению волнового уравнения. Исследование зависимости численных решений от  $\varepsilon$  подтверждает это предположение.

Возмущения давлений и скоростей выражаются через потенциалы по формулам

$$(1.4) \quad \mathbf{V}' = a \operatorname{grad} \Phi, \quad \mathbf{V}'_e = a_e \operatorname{grad} \Psi$$

$$p' = \gamma p \left( i\pi S \frac{a_e}{a} \Phi - \frac{M}{\beta} \frac{\partial \Phi}{\partial z} \right), \quad p'_e = \gamma_e p i\pi S \Psi$$

где  $\gamma$ ,  $\gamma_e$  — показатели адиабаты.

Границные условия, единственным образом определяющие возмущенное течение в струе и внешнее акустическое поле, должны быть конкретизированы применительно к физическому характеру рассматриваемой задачи [1]. При излучении струей звука дискретной частоты взаимодействие между струей и внешней средой имеет место лишь на участке от среза сопла до области распада струи ( $0 \leq z \leq z_0$ ). Поэтому условия равенства давлений и смещений на поверхности раздела между струей и внешним акустическим полем следует наложить лишь при  $0 \leq z \leq z_0$ , а при  $z > z_0$  может быть выбрано условие быстрого затухания колебаний поверхности раздела с ростом  $z$ . При  $z < 0$  на поверхности жесткого цилиндра ставится обычное условие непротекания.

К этим условиям следует добавить условие излучения для внешнего акустического поля  $\Psi$  на бесконечности, а для возмущений в струе условие на оси и условие отсутствия возмущений на срезе сопла. С учетом сказанного граничные условия для рассматриваемой задачи имеют вид

$$(1.5) \quad \Phi = \operatorname{grad} \Phi = 0 \quad (z=0, 0 \leq y \leq 1)$$

$$(1.6) \quad \left. \begin{array}{l} \Phi = 0, \\ \partial \Phi / \partial y = 0, \end{array} \right\} \begin{array}{l} j=1 \\ j=0 \end{array} \quad y=0, \quad 0 \leq z \leq \infty$$

$$(1.7) \quad \gamma \left( i\pi S \frac{a_e}{a} \Phi - \frac{M}{\beta} \frac{\partial \Phi}{\partial z} \right) = \Pi(z) + P \exp(-i\pi S \beta z)$$

$$\Pi(z) = \gamma_e i\pi S \Psi(z, 1) \quad (y=1, 0 \leq z \leq z_0)$$

$$(1.8) \quad \frac{\partial \Psi}{\partial y} = \begin{cases} 0 & (y=1, z \leq 0) \\ -i\pi S Y(z) & (y=1, 0 \leq z \leq z_0) \\ \zeta(z) & (y=1, z > z_0) \end{cases}$$

$$(1.9) \quad |\Psi| < \infty \quad (\sqrt{z^2 + y^2} = \infty)$$

В условии (1.8)  $Y$  — смещение границы струи, отнесенное к  $R$ , которое определяется по известному потенциалу  $\Phi$  с помощью дифференциального уравнения

$$(1.10) \quad \frac{M}{\beta} \frac{dY}{dz} - i \frac{a_e}{a} \pi S Y = \left( \frac{\partial \Phi}{\partial y} \right)_{y=1}$$

с граничным условием  $Y(0) = 0$ . Величина  $\zeta(z)$  в (1.8) есть некоторая быстро убывающая с ростом  $z$  функция.

Решение описанной краевой задачи может быть сведено к решению операторного уравнения

$$(1.11) \quad \Pi(z) - L\{\Pi(z)\} = 0$$

где  $\Pi(z)$  — возмущение давления на поверхности струи, обусловленное вторичным излучением (см. условие (1.7)), а  $L$  — оператор, позволяющий учсть условие равенства смещений.

Уравнение (1.11) решалось численно итерационным методом ложного положения [3]. В качестве начального приближения обычно задавалось  $\Pi(x) = 0$ ; для определения  $L\{\Pi\}$  на каждой итерации при помощи преобразования Лапласа решалось уравнение (1.2) с условиями (1.5) — (1.7), а затем при помощи преобразования Фурье — уравнение (1.3) с условиями (1.8) — (1.10). Эти решения были сведены к квадратурам, которые выполнялись численно.

Отметим, что выбор того или иного закона затухания колебаний поверхности раздела за сечением  $z = z_0$ , т. е. функции  $\zeta(z)$  в (1.8), а также выбор местоположения сечения  $z = z_0$  не оказывает по крайней мере при  $z_0 \leq 12$

сильного влияния на решение задачи в области  $z < z_0$ . Так, влияние  $\zeta(z)$  сказывается на решении для возмущений давления при  $z < z_0$  лишь в окрестности точки  $z = z_0$ , имеющей длину порядка одной ячейки струи. Решение, описывающее колебания границы струи, практически не зависит от выбора  $z_0$  и условия, поставленного при  $z > z_0$ . Большинство расчетов выполнено при  $z_0 = 10$ .

Серийные расчеты проведены при числах Маха струи  $M = 2, 3$  и  $4$  и  $a_e/a = 0.01, 1$  и  $[1 + M^2(\gamma - 1)/2]^{1/2}$ , что соответствует горячей струе, не сильно нагретой струе и холодной струе, температура торможения которой равна температуре внешней среды. Для каждого из этих вариантов исследовалось взаимодействие струи с акустическими волнами (1.1) при частотах последних  $0 < S \leq 0.4 - 0.6$ . В ходе решения были получены распределения параметров возмущенного течения в струе и во внешней среде.

Заметим, что, если положить в (1.7)  $\Pi(x) = 0$ , получим упрощенную постановку задачи, в которой пренебрегается вторичным излучением с поверхности возмущенной струи. Решение такой задачи можно получить аналитически, что было сделано для плоского случая в [1]. Выпишем здесь единое для плоского ( $m=0$ ) и цилиндрического ( $m=1$ ) случаев решение при антисимметричных возмущениях во внешних акустических волнах

$$\begin{aligned} \Phi(z, y) = & ie^{i\eta z} \frac{P\beta}{\gamma M} \left\{ \frac{1}{c-d} [f_m(y)e^{-idz} - g_m(y)e^{-icz}] + \right. \\ & \left. + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{h_{mn}(y)}{\Lambda_{mn}} \left[ \frac{\exp(i\Lambda_{mn}z)}{(\Lambda_{mn}+c)(\Lambda_{mn}+d)} - \frac{\exp(-i\Lambda_{mn}z)}{(\Lambda_{mn}-c)(\Lambda_{mn}-d)} \right] \right\} \\ \lambda = & \beta^{-1} a_e / a \pi S, \quad \eta = M \lambda, \quad d = \lambda/M, \quad c = M \lambda + \beta \pi S, \quad C = (c^2 - \lambda^2)^{1/2} \\ D = & (\lambda^2 - d^2)^{1/2}, \quad \Lambda_{0n} = (\lambda^2 + \pi^2 n^2)^{1/2}, \quad \Lambda_{1n} = (\lambda^2 + \mu_n^2)^{1/2} \\ f_0 = & \operatorname{sh} Dy / \operatorname{sh} D, \quad g_0 = \sin Cy / \sin C, \quad h_{0n} = \pi n \sin \pi ny / \cos \pi n \\ f_1 = & I_1(Dy) / I_1(D), \quad g_1 = J_1(Cy) / J_1(C), \quad h_{1n} = \mu_n J_1(\mu_n y) / J_0(\mu_n) \end{aligned} \quad (1.12)$$

$$J_1(\mu_n) = 0$$

**2. Анализ результатов.** Так же, как и в [1], исследуя особые точки решения (1.12), можно вывести формулу для критических частот внешних акустических волн

$$(2.1) \quad S_* = \omega_* 2R / 2\pi a_e = \varphi_{mj}(n) [(a_e/a + M)^2 - 1]^{-1/2} \\ (\varphi_{00} = n^{-1/2}, \quad \varphi_{01} = n, \quad \varphi_{10} = \mu_n^0 / \pi, \quad \varphi_{11} = \mu_n^1 / \pi, \quad n = 1, 2, 3, \dots)$$

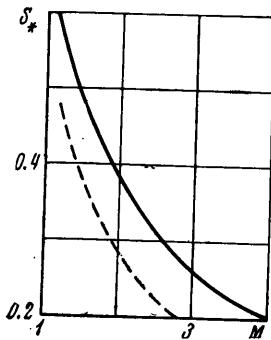
где  $\mu_n^0$  и  $\mu_n^1$  — соответственно  $n$ -е корни функций Бесселя  $J_0$  и  $J_1$ .

На фиг. 2 по (2.1) построена зависимость  $S_*(M)$  при  $n=1$  для холодной цилиндрической ( $m=1$ ) струи в случае антисимметричного ( $j=1$ ) акустического поля. Там же пунктиром нанесена полученная в [4] при обработке большого количества экспериментальных данных различных авторов зависимость частоты дискретной составляющей (первого тона) в спектре шума круглых струй от среднего числа Маха струи, определенного по перепаду давлений в ресивере и окружающей среде. Отличие теоретических и экспериментальных данных  $\sim 30\%$  при всех  $M$ ; заметим, что разброс экспериментальных данных относительно пунктирной кривой на фиг. 2 составляет  $15-30\%$ .

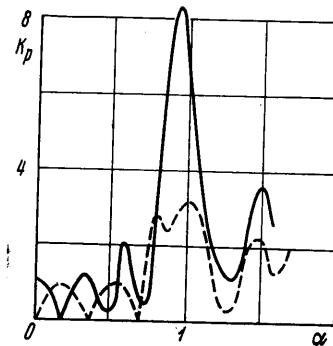
Для зависимостей величин возмущений, развивающихся в струе, от частоты внешних волн характерны пики в окрестностях критических частот (2.1). На фиг. 3 для точки  $y=0.5, z=6$  при  $M=3, a_e/a=1$  построены зави-

симости коэффициента усиления возмущений давления  $K_p$ , представляющего собой отношение амплитуды возмущений давления в той или иной точке к амплитуде внешних волн (1.1), от отношения  $\alpha$  частоты  $S$  внешних волн к критической частоте  $S_*$ , вычисленной по (2.1) при  $n=1$ . (В дальнейшем всюду, где это не оговорено особо, исследуется антисимметричный случай.)

В цилиндрическом случае (сплошная кривая на фиг. 3) учет уноса акустической энергии с поверхности струи при решении задачи в полной по-



Фиг. 2



Фиг. 3

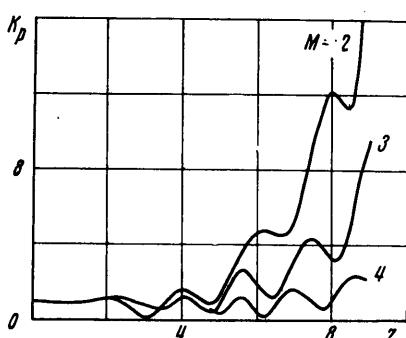
становке приводит, как это видно на фиг. 3, к некоторому уменьшению частоты, при которой достигается максимум  $K_p$ , по сравнению с критической частотой (2.1), полученной при решении в упрощенной постановке. Это отличие растет с увеличением температуры струи, не превышая, однако, 10% ни в одном из рассмотренных случаев. В плоском случае (пунктир на фиг. 3) вторичное излучение с поверхности струи приводит к появлению еще одной частоты, при которой в струе развиваются возмущения, сравнимые с возмущениями при критической частоте. Эта частота имеет значение  $S_1 \approx 0.8S_*$ , независимо от значений параметров  $M, a_e / a$ .

Как и при решении упрощенной задачи [1], возмущения в струе при критической частоте растут с удалением от среза сопла. Вторичное излучение с поверхности пульсирующей струи приводит в плоском случае к уменьшению амплитуды возмущений давления при критической частоте по сравнению с соответствующей величиной в упрощенном решении в 1.5–2 раза; для цилиндрической струи влияние вторичного излучения слабее и уменьшение величины  $K_p$  составляет 10–20%.

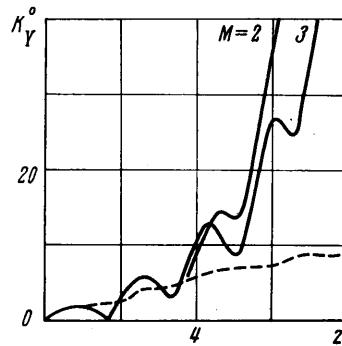
Учет вторичного излучения приводит к появлению одного эффекта, который не мог иметь места при решении упрощенной задачи. Рассмотрим поведение возмущений на поверхности струи ( $y=1$ ). На небольших расстояниях от сопла вторичное излучение невелико и амплитуда суммарного излучения близка к амплитуде заданных внешних волн (1.1), т. е.  $K_p \approx 1$ . Однако на достаточном удалении от сопла при частотах порядка критической и превышающих ее амплитуда вторичного излучения может значительно превышать амплитуду заданных внешних волн. Это показывает фиг. 4, где приведены зависимости  $K_p(z)$  на поверхности холодной цилиндрической струи при разных числах Маха струи и частоте внешних волн, равной критической. С удалением от сопла очень быстро растет и амплитуда  $K_y$  колебаний границы струи. Это видно из фиг. 5, где для тех же условий, что и на фиг. 4, построены зависимости от  $z$  величины  $K_y = (\gamma M^2 / \pi \beta^2) K_p$ . В упрощенном решении величина  $K_y$  при заданных  $z$  и  $\alpha = S / S_*$  практически не зависит от параметров  $M, a_e / a$  [1]. Различия между пол-

ным и упрощенным решениями для  $K_Y^o$  становятся существенными при  $z > 4$ ; при  $z=6$  величина  $K_Y^o$ , соответствующая полному решению, в несколько раз превышает ту же величину, полученную в упрощенном решении.

Данные фиг. 4, 5 показывают, что при  $M \leq 3$  особенно резкий рост амплитуды возмущений давления на поверхности струи и размаха колебаний струи начинается при  $z \approx 6-8$ , т. е. за третьей-четвертой ячейками струи. Уменьшение числа Маха струи приводит к более быстрому росту возмуще-



Фиг. 4

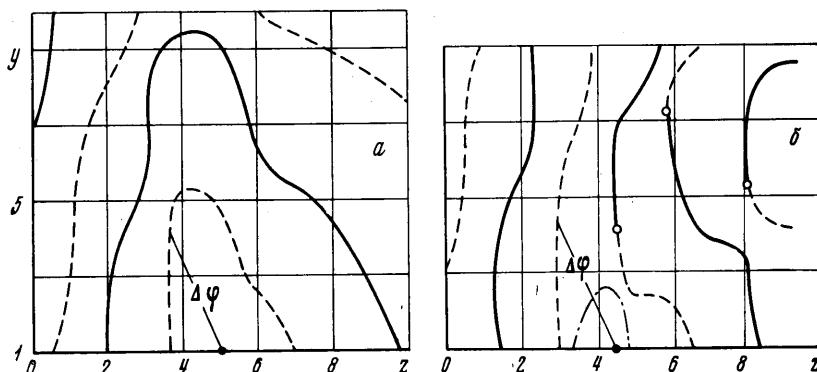


Фиг. 5

ний на поверхности струи; для струй с одинаковыми  $M$  и разными температурами различия невелики.

Сделанные выводы справедливы и для плоских струй, хотя в цилиндрическом случае отмеченные особенности вторичного излучения проявляются резче.

Рассмотрим еще картину возмущений во внешней среде, обусловленных вторичным излучением с поверхности пульсирующей струи. На фиг. 6, *a* построены линии равной фазы вторичного акустического излучения (для



Фиг. 6

давления) в плоском случае при  $M=3$ ,  $a_e/a=1$ ,  $S=S_*=0.26$ . Из графика видно, что возмущения давления во внешней среде, вызванные пульсациями в ней плоской струи, распространяются примерно как цилиндрические волны с центром в середине третьей ячейки струи (на фиг. 6 сплошным и пунктирным линиям соответствуют линии, на которых возмущения давления находятся в фазе и противофазе с возмущениями давления в эффективном источнике излучения).

В цилиндрическом случае (на фиг. 6, б для  $M=3$ ,  $a_e/a=1.67$ ,  $S=S_*=0.26$ ) также имеется эффективный источник излучения, расположенный на поверхности струи в пределах ее третьей ячейки (при  $z=4.5$ ). В окрестности точки  $z=4.5$  линии равной фазы представляют собой замкнутые линии с полюсом в этой точке, например, как показанная штрихпунктиром на фиг. 6, б линия, на которой возмущения давления сдвинуты по фазе на  $45^\circ$  относительно эффективного источника. В дальнем акустическом поле картина более сложная. Здесь имеются точки, на которых амплитуда вторичного излучения обращается в нуль. Через каждую такую точку проходит некоторое множество фазовых линий, на каждой из которых при переходе через эту точку фаза меняется на  $180^\circ$  (фиг. 6, б).

Качественно тот же вид имеет картина фазовых линий и при других  $M$ ,  $a_e/a$ . Положение эффективного источника слабо зависит от  $M$ ; для нагретых струй источник сдвигается дальше от среза сопла, но остается в пределах третьей ячейки струи.

Сопоставим полученные результаты с данными экспериментов. Фотографии плоских и круглых струй, излучающих звук дискретной частоты, приводятся в работах [5–10]. На всех фотографиях отчетливо видны две первые ячейки струи, смещение которых относительно стационарного положения практически отсутствует. Это согласуется с данными настоящей работы, по которым амплитуда вторичного излучения и смещения границы струи в этой области малы. Две следующие ячейки также довольно четко видны на фотографиях; однако их колебания уже заметны; с поверхности струи в окружающую среду срываются вихри. Это снова находится в соответствии с настоящими результатами, согласно которым в пределах третьей-четвертой ячеек струи начинается заметный рост возмущений на ее поверхности. Этот рост в линейном решении становится исключительно быстрым за четвертой ячейкой струи. В натуре наличие нелинейных и дисси-пативных механизмов ограничивает рост пульсаций. Из фотографий видно, что за четвертой ячейкой начинается мощное образование вихрей и струя практически распадается. Следующие ячейки струи на фотографиях либо неразличимы, либо просматриваются с большим трудом.

Таким образом, имеет место качественное соответствие между теоретическими результатами и данными экспериментов, причем быстрому росту возмущений на поверхности струи в линейном решении отвечает распад струи в эксперименте.

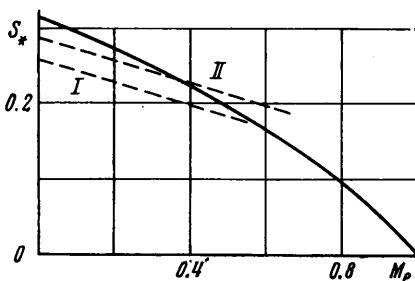
Картина акустических волн, излучаемых струй, может быть с хорошей точностью сведена к картине сферических волн, излучаемых некоторым источником, положение которого можно определить по фотографиям; он находится в области полностью распавшейся струи. Некоторые эксперименты (например, [8] с плоскими струями) указывают на наличие еще одного источника излучения, находящегося в области третьей-четвертой ячеек струи. Этот источник, по-видимому, можно сопоставить с эффективным источником вторичного излучения, о котором говорилось выше на основании результатов расчетов.

В случае симметричного акустического поля отмеченные выше эффекты не имеют места. В частности, амплитуда вторичного излучения на поверхности струи мала по сравнению с амплитудой заданных внешних волн (1.1) при любых частотах и на любом удалении от сопла. На фиг. 5 пунктиром нанесена зависимость  $K_y(z)$  для симметричного случая при  $M=3$ ,  $S=S_*$ . Эта величина с удалением от сопла растет в среднем линейно, тогда как в антисимметричном случае при больших  $z$  размах колебаний резко нарастает.

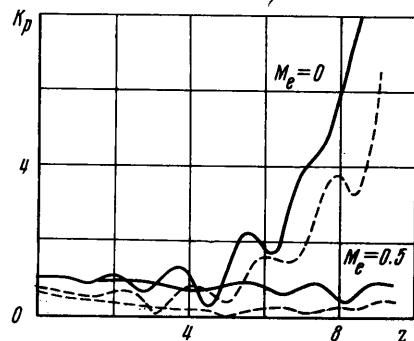
Приведенные данные показывают, что струя в симметричном акустическом поле оказывается более стабильной, чем в антисимметричном. Этот

результат находится в соответствии с тем фактом, что в эксперименте не наблюдается излучения звука дискретной частоты с симметричным характером акустического поля.

**3. О влиянии спутного потока.** Наличие во внешней среде дозвукового спутного потока с числом Маха  $M_e < 1$  приводит лишь к незначительному изменению уравнений и расчетных формул п. 1. Ниже приведены некоторые результаты для антисимметричного случая.



Фиг. 7



Фиг. 8

Привлекая упрощенную постановку задачи, можно вывести формулу для критических частот внешних акустических волн при наличии спутного потока

$$(3.1) \quad S_* = \frac{\omega_* 2R}{2\pi a_e} = \varphi_{mj}(n) \left[ \left( \frac{a_e}{a} + \frac{M-1}{1-M_e} \right) \left( \frac{a_e}{a} + \frac{M+1}{1-M_e} \right) \right]^{-\frac{1}{2}}$$

где  $\varphi_{mj}(n)$  определяется так же, как и в п. 2.

На фиг. 7 построена зависимость  $S_*(M_e)$  для холодной цилиндрической струи с  $M=2.5$ . Там же приведены экспериментальные данные по частоте дискретной составляющей; в эксперименте дискретная составляющая была зарегистрирована при числах  $M_e < 0.6-0.7$  на двух близких частотах ( $I$  и  $II$  на фиг. 7). Совпадение теоретических результатов с данными эксперимента при  $M_e < 0.6-0.7$  удовлетворительное.

В цилиндрическом случае формула (3.1) дает правильное значение частоты, при которой в струе развиваются максимальные возмущения, и при учете уноса акустической энергии с поверхности струи. Наличие спутного потока несильно меняет амплитуду возмущений давления  $K_p$  в струе. В плоском случае при увеличении числа  $M_e$  наблюдается перемещение основного максимума кривой  $K_p(S)$  с критической частоты  $S=S_*$  на частоту  $S_1 \approx 0.8S_*$ .

На фиг. 8 приводятся зависимости  $K_p(z)$  на границе цилиндрической (сплошные линии) и плоской (пунктир) струй при  $M=3$ ,  $a_e/a=1$ ,  $M_e=0$  и 0.5. При наличии спутного потока вторичное излучение незначительно: на поверхности струи  $K_p \approx 1$ . Таким образом, спутный поток оказывает стабилизирующее влияние на струю. Эти данные соответствуют результатам эксперимента, согласно которым при достаточно больших числах  $M_e$  струи не излучают звука дискретной частоты.

Заметим еще, что при наличии спутного потока возмущения, вызванные во внешней среде пульсациями струи, распространяются в меридиональной плоскости как плоские волны, наклоненные к оси струи. Точно так же распространяются возмущения и в случае симметричного акустического поля. Таким образом, в этих двух случаях имеет место совершенно иной тип распространения возмущений во внешней среде, чем при анти-

симметричных пульсациях в затопленном пространстве (фиг. 6, б), когда вызванные колебаниями струи возмущения велики. Эти и вышеупомянутые данные говорят о том, что как наличие спутного потока при антисимметричных возмущениях во внешнем акустическом поле, так и «симметризация» возмущений оказывают одинаковое, стабилизирующее влияние на струю.

4. При решении задачи о взаимодействии сверхзвуковой струи с внешним акустическим полем обнаружено, что существуют критические частоты, при которых имеет место максимальное усиление возмущений струей; возмущения в струе при этих частотах интенсивно растут с удалением от сопла. В соответствии с предложенной в [1] моделью явления излучение струей звука дискретной частоты должно происходить на этих частотах. Это подтверждается сопоставлением полученных в работе значений критических частот с экспериментальными данными по частоте дискретной составляющей в спектре шума сверхзвуковых струй.

Условия, при которых струя излучает звук дискретной частоты, зависят, вообще говоря, от нелинейных и диссипативных механизмов. Однако некоторые из этих условий могут быть получены и из линейных решений: необходимым условием для излучения струей звука дискретной частоты является быстрое развитие возмущений на поверхности струи в линейном решении. В тех случаях, когда такой быстрый рост не имеет места (при наличии спутного потока, в симметричном акустическом поле), дискретное излучение в экспериментах не обнаруживается.

Поступила 1 III 1973

#### ЛИТЕРАТУРА

- Лебедев М. Г., Теленин Г. Ф. Исследование взаимодействия сверхзвуковой струи с акустическими волнами. Изв. АН СССР, МЖГ, 1970, № 4.
- Нобл Б. Метод Винера — Хопфа для решения дифференциальных уравнений в частных производных. М., Изд-во иностр. лит., 1953.
- Коллатц Л. Функциональный анализ и вычислительная математика. М., «Мир», 1969.
- Ануфриев В. М., Комаров В. В., Купцов В. М., Мельников Д. А., Сергиенко А. А. Дискретная составляющая в спектре шума сверхзвуковых струй. Изв. АН СССР, МЖГ, 1969, № 5.
- Мамин В. М., Римский-Корсаков А. В. Сверхзвуковая воздушная струя как источник звука. Сб. «Физика аэродинамических шумов». М., «Наука», 1967.
- Powell A. On the noise emanating from a two-dimensional jet above the critical pressure. Aeronaut. Quart., 1953, vol. 4, pt. 2.
- Merle M. Emissions acoustiques associées aux jets d'air supersoniques. J. Mécanique, 1965, vol. 4, No. 3.
- Hammitt A. G. The oscillation and noise of an overpressure sonic jet. J. Aerospace Sci., 1961, vol. 28, No. 9.
- Poldervaart L. J., Vink A. T., Wijnands A. P. J. The photographic evidence of the feedback loop of a two-dimensional screeching jet of air. The 6-th Internat. Congress on Acoustics, Tokyo, 1968, vol. 4.
- Laffiter W. L., Hubbard H. H. The near noise field of static jets and some model devices for noise reduction. Nat. Adv. Comm. Aeronaut. Rept., 1956, No. 1261.