

ПРИБЛИЖЕННЫЙ РАСЧЕТ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ СВЕРХЗВУКОВОГО ПОТОКА С ЛАМИНАРНЫМ СЛОЕМ В ОБЛАСТИ ОТРЫВНОГО ТЕЧЕНИЯ

Е. Н. БОНДАРЕВ (Москва)

Приближенно рассчитаны распределения коэффициентов давления, трения и теплоотдачи в зоне отрыва ламинарного пограничного слоя перед клином на пластине. Для расчета течения в пограничном слое использован интегральный метод Коэна и Решотко.

Обозначения

x — расстояние вдоль пластины;
 y — ордината обтекаемой поверхности;
 s — расстояние вдоль обтекаемой поверхности;
 β — угол клина;
 δ — толщина пограничного слоя;
 δ^* — толщина вытеснения;
 δ^{**} — толщина потери импульса;
 u — скорость;

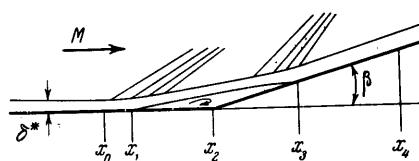
M — число Маха;
 R — число Рейнольдса;
 ρ — плотность;
 p — давление;
 τ — трение;
 C_p — коэффициент давления;
 C_f — коэффициент трения;
 α — коэффициент теплоотдачи.

Индексы:

0 — начало области взаимодействия;
1 — отрыв пограничного слоя;
2 — вершина клина;
3 — присоединение оторвавшегося слоя;
4 — конец области взаимодействия;
 w — параметры течения на стенке.

1. При взаимодействии скачков уплотнения достаточной интенсивности с ламинарным пограничным слоем возникают области отрывного течения. Точных методов расчета течения в таких областях пока нет, и поэтому используются приближенные интегральные методы. Работа [1] была одной из самых первых успешных попыток рассчитать взаимодействие почти изоэнтропического сверхзвукового потока с пограничным слоем, в результате которого возникает область отрывного течения. В этой работе предполагалось, что распределение давления во внешнем потоке индуцировано ростом толщины вытеснения пограничного слоя и приближенно описывается уравнением для течения Прандтля — Майера. Течение в пограничном слое описывается интегральным уравнением движения. Для решения этого уравнения использовалось однопараметрическое семейство профилей. В качестве параметра была введена некоторая средняя скорость профиля, связь которой с толщиной вытеснения задавалась полумпириическим способом. Это создает большие неудобства при применении метода работы [1]. В работе [2] показано, что задача о взаимодействии можно решить, воспользовавшись более обычными однопараметрическими семействами профилей, в которых градиент давления единственным образом определяет соотношения между интегральными характеристиками пограничного слоя, например, семейством «подобных» решений уравнения Фолкнера — Скэн для отрывного и безотрывного течений в пограничном слое. Однако, в работе [2] задача о взаимодействии решалась упрощенно; предполагалось, что в области взаимодействия меняются только давление p и толщина вытеснения, а число M , плотность, скорость и толщина потери импульса постоянны. Это приводит к завышению давления в области течения за точкой отрыва. В работах [3, 4] использовались профили скорости в виде полиномов. В работе [5] использовано однопараметрическое семейство «подобных» решений, но соотношения между местными интегральными характеристиками пограничного слоя определяются не местным градиентом давления, а решением интегрального уравнения для первого момента уравнения движения.

2. В данной работе использован метод типа метода работы [2], но без принятых в этой работе упрощающих предположений. Для описания течения в области взаимодействия использована следующая система уравнений.



Фиг. 1

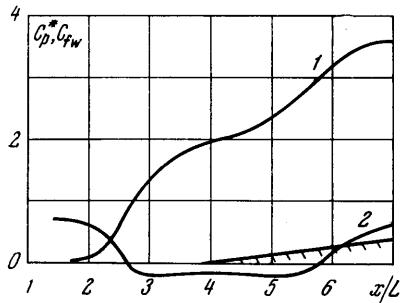
$$\frac{d}{ds} [\rho u^2 \delta^{**}] + \delta^* \rho \frac{dp}{ds} = \tau_w \quad (2.1)$$

$$\frac{d\theta}{ds} = \frac{\sqrt{M^2 - 1}}{p \tau M^2} \frac{dp}{ds} \quad (2.2)$$

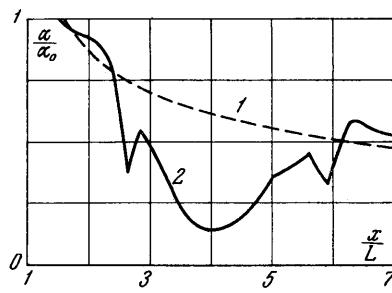
$$\frac{dY}{ds} = \theta \frac{dx}{ds} \quad (Y = y(x) + \delta^*) \quad (2.3)$$

Уравнение (2.1) описывает течение в пограничном слое, (2.2) — уравнение для течения Прандтля — Майера, уравнение (2.3) определяет связь между углом отклонения внешнего потока и толщиной вытеснения пограничного слоя. При практическом

выполнении расчетов уравнение (2.1) решалось по методу Коэна и Решотко [6]. Для решения задачи Коши, начиная с некоторого сечения $x = x_0$, надо задать в этом сечении δ^{**} , δ^* и θ , кроме того, в этом сечении должны быть заданы p и M . Величина dp/ds в этом сечении однозначно определяется величинами δ^{**} и $H = \delta^*/\delta^{**}$, если задано однопараметрическое семейство профилей и в качестве параметра использован местный градиент давления. При использовании метода Коэна и Решотко трудно явно выразить зависимость dp/ds от величин H и δ^{**} , поэтому величина dp/ds в каждом сечении определялась путем итераций. Для этого уравнение (2.2) было разрешено относительно dp/ds , и итерации проводились до тех пор, пока заданное значение dp/ds не совпадало со значением, вычисленным по уравнению (2.2). Параметры δ^{**} , δ^* и θ в сечении $x = x_0$ определялись из решения (2.1) при заданных $p = \text{const}$ и $M = \text{const}$ в области $x < x_0$. В работах [1, 5] показано, что если пограничный слой при $x < x_0$ развивается в сильно ускоренном потоке или на сильно охлажденной стенке («сверх-

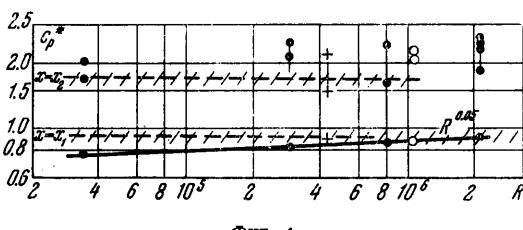


Фиг. 2

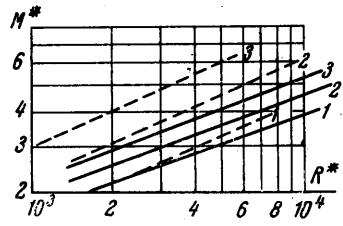


Фиг. 3

критический слой»), то в сечении $x = x_0$ величины θ , p , M , H , dp/ds терпят разрыв. В данном случае расчет проводился для случая теплоизолированной поверхности и течение при $x < x_0$ развивалось при $p = \text{const}$. Предполагалось, что слабым безотрывным взаимодействием в областях $x < x_0$ и $x > x_4$ можно пренебречь и в качестве начальных данных для решения системы уравнений (2.1–2.3) в области $x_0 < x < x_4$ можно в первом приближении использовать результаты решения (2.1) при $p = \text{const}$ в области $x < x_0$. Предполагалось, что в конце области взаимодействия внешний поток параллелен поверхности клина, градиент давления равен нулю, давление на клине соответствует давлению в потоке, изоэнтропически повернутому на угол β , соотношения между интегральными параметрами пограничного слоя соответствуют течению на плоской пластине. Для каждого заданного значения x_0 условия в конце области взаимодействия удовлетворялись подбором величины угла клина β . На фиг. 1 показана схема течения.



Фиг. 4



Фиг. 5

3. На фиг. 2 показаны рассчитанные распределения параметра $C_p^* = C_p V^4 (M_0^2 - 1) R^1$ (кривая 1) и коэффициента трения C_{f_w} (кривая 2) для случая обтекания клина с углом $\beta = 0.128$ рад потоком воздуха при $M_0 = 2$ и $R_0 = 0.26 \cdot 10^6$. На фиг. 3 показано распределение величины α/α_0 , характеризующей тепловой поток к обтекаемой поверхности (кривая 1 соответствует теплообмену на пластине без клина, а кривая 2 — теплообмену на пластине с клином). Сравнение результатов расчета с экспериментальными данными работ [7–10] показывает, что расчет довольно правильно отражает картину течения в области взаимодействия. На фиг. 4 нанесены значения величин C_{p1}^* и C_{p2}^* , рассчитанные в точках отрыва x_1 и точке излома обтекаемой поверхности x_2 для разных углов клина β . Пунктиром нанесены осредненные экспериментальные зависимости этих величин от числа R_1 , а штриховка указывает примерные пределы разброса экспериментальных данных. В точке отрыва экспериментальные и расчетные значения величины C_{p1}^* согласуются с точностью до $\sim 15\%$. В точке излома обтекаемой по-

верхности x_2 величина C_{p2}^* согласуется с экспериментальными данными с точностью до 15% только до значений угла β , соответствующих $C_{p4}^* \approx 4.3$ (C_{p4}^* — коэффициент C_p^* в конце области взаимодействия). При больших значениях β величины C_{p2}^* становятся больше экспериментально измеренных. Следует отметить, что после точки присоединения x_3 давление продолжает расти, причем разность коэффициентов давления ($c_{p4} - c_{p1}$) примерно равна c_{p1} вследствие некоторой симметрии течений до точки отрыва и после точки присоединения.

Представляет определенный интерес выяснить условия возникновения отрыва ламинарного слоя. В работе [9] было проведено экспериментальное определение этих условий на цилиндрах с конической юбкой. Определялось число M^* при заданных значениях R^* и β (M^* — число M , при котором впервые наблюдается отрыв пограничного слоя; R^* — число Рейнольдса, рассчитанное по толщине пограничного слоя и местным параметрам внешнего сверхзвукового потока перед началом области взаимодействия; β — угол отклонения образующей поверхности юбки от направления образующей цилиндра). Если приближенно считать течение у основания юбки плоским, то можно сравнить расчетные и экспериментальные условия возникновения отрыва. На фиг. 5 сравниваются расчетные и экспериментальные зависимости M^* от R^* для различных значений β . Сплошные линии 1, 2, 3, соответствуют экспериментально определенной границе возникновения отрывного течения при значениях $\beta = 0.0873, 0.1309, 0.1745$ рад соответственно. Пунктирными линиями нанесены результаты расчета. Видно, что при $\beta = 0.0873$ рад экспериментальные и расчетные данные хорошо согласуются, хотя при больших R^* отрыв по расчету происходит раньше, т. е. при больших M^* , чем это обнаружено в экспериментах. При больших значениях β отрыв по расчету также происходит несколько раньше, чем это обнаруживается экспериментально. Возможно, что использованный в работе [9] метод экспериментального определения возникновения отрыва при малых R^* недостаточноителен.

Результаты расчетов показывают, что длина зоны отрывного течения растет с ростом числа R^* и почти экспоненциально увеличивается с ростом величины C_{p4}^* .

На фиг. 3 показан пример расчета величины α / α_0 в области отрывного течения, где α — местный коэффициент теплоотдачи, а α_0 — коэффициент теплоотдачи в точке начала взаимодействия x_0 . Пунктиром нанесено распределение отношения α / α_0 на пластине без клина (кривая I). Качественно характер распределения отношения α / α_0 согласуется с экспериментально измеренными распределениями тепловых потоков в зоне отрывного течения перед клином [11].

Поступила 25 XI 1965

ЛИТЕРАТУРА

1. Crocco L., Lees L. A mixing theory for the interaction between dissipative flows and nearly isentropic streams. J. Aeronaut. Sci., 1952, vol. 19, No 10.
2. Gray K. N. C., Gadd G. E., Wodger M. Some calculations by the Crocco-Lees and other methods of interactions between shock waves and laminar boundary layers, including effects of heat transfer and suction. ARC C. P., 1961, No 556.
3. Makofski A. Two-parameter method for shock wave — laminar boundary layer interaction and flow separation. Proc. Heat Transfer and Fluid Mechanics Institute, Stanford, California, 1963.
4. Елькин Ю. Г., Нейлан В. Я. О расчете характеристик ламинарных зон отрыва. Инж. ж., 1961, т. 5, № 5.
5. Lees L., Reeves B. L. Supersonic separated and reattaching laminar flow: 1. General theory and application to adiabatic boundary layer. Shock-wave interactions. AIAA Journ., 1964, vol. 2, No 11.
6. Cohen C. B., Rechotko E. The Compressible laminar boundary layer with heat transfer and arbitrary pressure gradients. NACA Rep., 1956, p. 1294.
7. Chapman D. R., Kuehn D. M., Larson H. K. Investigation of separated flows in supersonic and subsonic streams with emphasis on the effect of transition. NACA, Rep. 1958, p. 1356.
8. Holder D. W., Gadd G. E. The Interaction between shock waves and boundary layers and its relation to base pressure. Boundary layers effects in aerodynamics. Proceedings of a symposium held at the NPL on 31 march-1 april, 1955.
9. Kuehn D. M. Laminar boundary layer separation induced by flares on cylinders at zero angle of attack. NACA Rep. R., 1962, p. 146.
10. Holder D. W. Interaction between shock waves and boundary layers. JAS Preprint, 1955, No 550.
11. Miller D. S., Hyman R., Chilids M. E. Mach 8 to 22 Studies of flow Separations Due to Deflected Control Surfaces, AIAA, 1964, vol. 2, No 2.